

**Apartado 1.** Elabora un programa (en SAS, R, ...) que permita obtener la tabla generacional correspondiente a un asegurado a partir de las tablas PERM/F-2000 que tienes en el archivo PERM2000.XLS (nueva producción) y sin más que especi...car la edad actual del asegurado y su género. ¿Cuál sería la tabla generacional de un hombre que en 2011 tiene 40 años?

Código R

**Resultados:**

Q1<-Question1(EdadAct=40,genero="H") # tabla generacional de un hombre que en 2011 tiene 40 años.  
print(Q1)

**Tabla 1. Tabla Generacional – Hombre de 40 años en 2011**

<b>id</b>	<b>x-t(Año)</b>	<b>AnoConsig</b>	<b>Edad</b>	<b>AnoNasc</b>	<b>qx_Homem</b>	<b>id</b>	<b>x-t(Año)</b>	<b>AnoConsig</b>	<b>Edad</b>	<b>AnoNasc</b>	<b>qx_Homem</b>
1	1971	2000	0	1971	<b>0,008871178</b>	59	2029	1942	58	1971	<b>0,004446061</b>
2	1972	1999	1	1971	<b>0,000859908</b>	60	2030	1941	59	1971	<b>0,004653410</b>
3	1973	1998	2	1971	<b>0,000449791</b>	61	2031	1940	60	1971	<b>0,005163271</b>
4	1974	1997	3	1971	<b>0,000392877</b>	62	2032	1939	61	1971	<b>0,005577714</b>
5	1975	1996	4	1971	<b>0,000327373</b>	63	2033	1938	62	1971	<b>0,005934173</b>
6	1976	1995	5	1971	<b>0,000312466</b>	64	2034	1937	63	1971	<b>0,006314812</b>
7	1977	1994	6	1971	<b>0,000279574</b>	65	2035	1936	64	1971	<b>0,006907000</b>
8	1978	1993	7	1971	<b>0,000265675</b>	66	2036	1935	65	1971	<b>0,007593210</b>
9	1979	1992	8	1971	<b>0,000242536</b>	67	2037	1934	66	1971	<b>0,008075475</b>
10	1980	1991	9	1971	<b>0,000230826</b>	68	2038	1933	67	1971	<b>0,008731713</b>
11	1981	1990	10	1971	<b>0,000218081</b>	69	2039	1932	68	1971	<b>0,009473585</b>
12	1982	1989	11	1971	<b>0,000233174</b>	70	2040	1931	69	1971	<b>0,010157955</b>
13	1983	1988	12	1971	<b>0,000237445</b>	71	2041	1930	70	1971	<b>0,010800924</b>
14	1984	1987	13	1971	<b>0,000278404</b>	72	2042	1929	71	1971	<b>0,011671749</b>
15	1985	1986	14	1971	<b>0,000334370</b>	73	2043	1928	72	1971	<b>0,012830098</b>
16	1986	1985	15	1971	<b>0,000446592</b>	74	2044	1927	73	1971	<b>0,014047502</b>
17	1987	1984	16	1971	<b>0,000614947</b>	75	2045	1926	74	1971	<b>0,015388744</b>
18	1988	1983	17	1971	<b>0,000786572</b>	76	2046	1925	75	1971	<b>0,016777720</b>
19	1989	1982	18	1971	<b>0,000912850</b>	77	2047	1924	76	1971	<b>0,018144655</b>
20	1990	1981	19	1971	<b>0,001011958</b>	78	2048	1923	77	1971	<b>0,019587884</b>
21	1991	1980	20	1971	<b>0,001117068</b>	79	2049	1922	78	1971	<b>0,021188387</b>
22	1992	1979	21	1971	<b>0,001139899</b>	80	2050	1921	79	1971	<b>0,023057629</b>
23	1993	1978	22	1971	<b>0,001201789</b>	81	2051	1920	80	1971	<b>0,024913048</b>
24	1994	1977	23	1971	<b>0,001246265</b>	82	2052	1919	81	1971	<b>0,027165140</b>
25	1995	1976	24	1971	<b>0,001274059</b>	83	2053	1918	82	1971	<b>0,029480126</b>
26	1996	1975	25	1971	<b>0,001242349</b>	84	2054	1917	83	1971	<b>0,031510631</b>
27	1997	1974	26	1971	<b>0,001247911</b>	85	2055	1916	84	1971	<b>0,033264227</b>
28	1998	1973	27	1971	<b>0,001274672</b>	86	2056	1915	85	1971	<b>0,035963645</b>
29	1999	1972	28	1971	<b>0,001300360</b>	87	2057	1914	86	1971	<b>0,039107341</b>
30	2000	1971	29	1971	<b>0,001298000</b>	88	2058	1913	87	1971	<b>0,041600213</b>
31	2001	1970	30	1971	<b>0,001246167</b>	89	2059	1912	88	1971	<b>0,044712628</b>
32	2002	1969	31	1971	<b>0,001190737</b>	90	2060	1911	89	1971	<b>0,048399272</b>
33	2003	1968	32	1971	<b>0,001196909</b>	91	2061	1910	90	1971	<b>0,052306270</b>
34	2004	1967	33	1971	<b>0,001181915</b>	92	2062	1909	91	1971	<b>0,056267305</b>
35	2005	1966	34	1971	<b>0,001155041</b>	93	2063	1908	92	1971	<b>0,066804881</b>
36	2006	1965	35	1971	<b>0,001116824</b>	94	2064	1907	93	1971	<b>0,079031255</b>
37	2007	1964	36	1971	<b>0,001073187</b>	95	2065	1906	94	1971	<b>0,093766553</b>
38	2008	1963	37	1971	<b>0,001048340</b>	96	2066	1905	95	1971	<b>0,110466498</b>
39	2009	1962	38	1971	<b>0,001110493</b>	97	2067	1904	96	1971	<b>0,130531646</b>
40	2010	1961	39	1971	<b>0,001197245</b>	98	2068	1903	97	1971	<b>0,154703346</b>
41	2011	1960	40	1971	<b>0,001251491</b>	99	2069	1902	98	1971	<b>0,183901996</b>
42	2012	1959	41	1971	<b>0,001325574</b>	100	2070	1901	99	1971	<b>0,219726693</b>
43	2013	1958	42	1971	<b>0,001397173</b>	101	2071	1900	100	1971	<b>0,263319680</b>
44	2014	1957	43	1971	<b>0,001446082</b>	102	2072	1899	101	1971	<b>0,324890000</b>
45	2015	1956	44	1971	<b>0,001525166</b>	103	2073	1898	102	1971	<b>0,347570000</b>
46	2016	1955	45	1971	<b>0,001625173</b>	104	2074	1897	103	1971	<b>0,371835000</b>
47	2017	1954	46	1971	<b>0,001759061</b>	105	2075	1896	104	1971	<b>0,397793000</b>
48	2018	1953	47	1971	<b>0,001819897</b>	106	2076	1895	105	1971	<b>0,425563000</b>
49	2019	1952	48	1971	<b>0,001879284</b>	107	2077	1894	106	1971	<b>0,455272000</b>
50	2020	1951	49	1971	<b>0,002158744</b>	108	2078	1893	107	1971	<b>0,487055000</b>
51	2021	1950	50	1971	<b>0,002394437</b>	109	2079	1892	108	1971	<b>0,510801000</b>
52	2022	1949	51	1971	<b>0,002640607</b>	110	2080	1891	109	1971	<b>0,535704000</b>
53	2023	1948	52	1971	<b>0,002833590</b>	111	2081	1890	110	1971	<b>0,561821000</b>
54	2024	1947	53	1971	<b>0,003330009</b>	112	2082	1889	111	1971	<b>0,589211000</b>
55	2025	1946	54	1971	<b>0,003478371</b>	113	2083	1888	112	1971	<b>0,617937000</b>
56	2026	1945	55	1971	<b>0,003686575</b>	114	2084	1887	113	1971	<b>0,648064000</b>
57	2027	1944	56	1971	<b>0,003876469</b>	115	2085	1886	114	1971	<b>0,679659000</b>
58	2028	1943	57	1971	<b>0,004147937</b>	116	2086	1885	115	1971	<b>1,000000000</b>

**Apartado 2.** Elabora un programa (en SAS, R,...) que permita obtener la prima pura única correspondiente a un producto asegurador que contempla el pago de una determinada indemnización al final del año de fallecimiento del asegurado. Este producto se ofrece durante el año 2011 a asegurados entre 30 y 64 años de edad y no tiene diferimiento. La cobertura se extiende desde el día de la contratación del producto hasta el momento en que el asegurado cumpla los 65 años. El programa deberá determinar la prima pura única a pagar por este producto sin más que especificar: edad, género, indemnización, interés técnico. Aplica este programa a la determinación de la prima pura única a pagar por un asegurado (hombre) de 40 años de edad, que en caso de fallecimiento cobraría 50.000 euros al final del año en que éste se produjera. El interés técnico a aplicar sería del 2%.

```
#APARTADO 2 - m/qx=mpx*qx+m
PP<-function(age,tab,indemnizacion,pct_int_tec){
  mqx<-px<-PP<-0
  tab2<- tab(tab[,x-t(Ano)">2010,]
  qx<-tab2(.5)
  px(1)<-1
  mqx(1)<-qx(1)
  PP(1)<-50000*mqx(1)*(1+0.02)^(-(0+1)))
  for (m in 2:(65-age)){
    px(m)<-px(m-1)*(1-qx(m-1))
    qx(m)
    mqx(m)<-px(m)*qx(m)
    PP(m)<-indemnizacion*mqx(m)*(1+(pct_int_tec/100))^(-(m)))
  }
  tab3<-cbind(tab2(1:(65-age)),px,mqx,PP)
  return(tab3)
}
```

### Resultados:

age=40;gender="H"

Prima<-PP(age,tab=Question1(EdadAct=age,genero=gender),indemnizacion=50000,pct\_int\_tec=2)  
 sum(round(Prima\$PP,2)) # (un hombre que en 2011 tiene 40 años)

(1) **2855.13**

**Tabla 2. Cálculo de la Prima Pura Única – Hombre de 40 años en 2011**

id	x-t(Ano)	AnoConsig	Edad	AnoNasc	qx_Homem	px	mqx	PP
41	2011	1960	40	1971	0,0012515	1,0000000	0,0012515	61,35
42	2012	1959	41	1971	0,0013256	0,9987485	0,0013239	63,63
43	2013	1958	42	1971	0,0013972	0,9974246	0,0013936	65,66
44	2014	1957	43	1971	0,0014461	0,9960310	0,0014403	66,53
45	2015	1956	44	1971	0,0015252	0,9945907	0,0015169	68,70
46	2016	1955	45	1971	0,0016252	0,9930738	0,0016139	71,66
47	2017	1954	46	1971	0,0017591	0,9914598	0,0017440	75,91
48	2018	1953	47	1971	0,0018199	0,9897158	0,0018012	76,86
49	2019	1952	48	1971	0,0018793	0,9879146	0,0018566	77,67
50	2020	1951	49	1971	0,0021587	0,9860581	0,0021286	87,31
51	2021	1950	50	1971	0,0023944	0,9839294	0,0023560	94,74
52	2022	1949	51	1971	0,0026406	0,9815734	0,0025920	102,19
53	2023	1948	52	1971	0,0028336	0,9789815	0,0027740	107,22
54	2024	1947	53	1971	0,0033300	0,9762075	0,0032508	123,18
55	2025	1946	54	1971	0,0034784	0,9729567	0,0033843	125,73
56	2026	1945	55	1971	0,0036866	0,9695724	0,0035744	130,19
57	2027	1944	56	1971	0,0038765	0,9659980	0,0037447	133,71
58	2028	1943	57	1971	0,0041479	0,9622533	0,0039914	139,73
59	2029	1942	58	1971	0,0044461	0,9582620	0,0042605	146,23
60	2030	1941	59	1971	0,0046534	0,9540015	0,0044394	149,38
61	2031	1940	60	1971	0,0051633	0,9495621	0,0049028	161,74
62	2032	1939	61	1971	0,0055777	0,9446593	0,0052690	170,41
63	2033	1938	62	1971	0,0059342	0,9393902	0,0055745	176,76
64	2034	1937	63	1971	0,0063148	0,9383157	0,0058969	183,31
65	2035	1936	64	1971	0,0069070	0,9279188	0,0064091	195,33

**Apartado 3.** Elabora un programa (en SAS, R,...) que permita obtener la prima pura única correspondiente al siguiente producto asegurador: seguro sobre dos vidas que paga un capital al final del año en que se produzca el primer fallecimiento la indemnización se paga al superviviente del grupo o, en caso de que éste también hubiera fallecido, a los beneficiarios designados por los contratantes en la póliza: \*el producto se ofrece durante el año 2011 sin que exista diferimiento y la cobertura se extiende hasta la fecha en que el mayor de los contratantes alcance la edad de jubilación. El programa ha de permitir determinar la prima pura única a pagar por este producto, sin más que especificar: edad y género de ambos contratantes, indemnización, interés técnico. Aplica este programa a la determinación de la prima pura única a pagar si los contratantes son un hombre de 40 años de edad (en 2011) y una mujer de 38 años de edad (también en 2011), la indemnización es de 50.000 euros y el interés técnico es del 2%.

Teniendo en cuenta la edad de jubilación de 65 años,

```
#APARTADO 3
PP2<-function(tab,age,indemnizacion,pct_int_tec){
  mpx<-px<-PP<-0
  tab2 <- tab(tab[, "x-t(Ano)"]>2010.)
  qx<-tab2[,5]
  px(1) <-1
  mqx(1)<-qx(1)
  PP(1) <-50000*mqx(1)*((1+(pct_int_tec/100))^(-(0+1)));PP
  for (m in 2:(65-age+1)){
    px(m)<-px(m-1)*(1-qx(m-1))
    qx(m)
    mqx(m)<-px(m)*qx(m)
    PP(m) <-indemnizacion*mqx(m)*((1+(pct_int_tec/100))^(-(m)))
  }
  tab3<-cbind(tab2[1:(65-age+1)],px,mqx,PP)
  return(tab3)
}

# teniendo en cuenta la edad de jubilación de 65 años,
Q3<-function(ageH,ageM,genero1,genero2,indemnizacion,pct_int_tec){
  tabH<-Question1(EdadAct=ageH,genero=genero1)
  tabM<-Question1(EdadAct=ageM,genero=genero2)
  age=max(ageH,ageM)
  PrimaH<-PP2(tabH,age,indemnizacion,pct_int_tec)
  PrimaM<-PP2(tabM,age,indemnizacion,pct_int_tec)
  mPxy<-PrimaH$px*PrimaM$px
  mQxy<-mPxy[length(mPxy)] - mPxy[-1]
  m<-1:length(mQxy)
  Prima_xy<-50000*mQxy*((1+0.02)^(-(m)))
  PPxy<-cbind(m,PrimaH[length(mPxy)],PrimaM[-length(mPxy)],mPxy[-length(mPxy)],mQxy,Prima_xy)
  colnames(PPxy)<-c("m","Ano","AnoConsig","Edad","AnoNasc","qx_H","px_H","mqx_H","PP_H","qx_M","px_M","mqx_M","PP_M","mPxy","mQxy","Prima_xy")
  tabla<-PPxy(c(2:4,14:16))
  return(tabla)
}
```

```
Prima2<-Q3(ageH=40,ageM=38,genero1="H",genero2="M",indemnizacion=50000,pct_int_tec=2)
```

```
sum(round(Prima2$Prima_xy,2))
```

(1) **3491.13**



print(Prima2)

**Tabla 3. Cálculo de la Prima Pura Única  
Hombre de 40 años y Mujer de 38 años en 2011**

Ano	AnoConsig	Edad	mPxy	mQxy	Prima_xy
2011	1960	40	1,0000000	0,0015721	77,06
2012	1959	41	0,9984279	0,0016394	78,78
2013	1958	42	0,9967886	0,0017550	82,69
2014	1957	43	0,9950336	0,0017814	82,29
2015	1956	44	0,9932522	0,0019057	86,30
2016	1955	45	0,9913466	0,0020198	89,68
2017	1954	46	0,9893267	0,0021688	94,40
2018	1953	47	0,9871580	0,0022696	96,86
2019	1952	48	0,9848883	0,0023216	97,13
2020	1951	49	0,9825667	0,0026248	107,66
2021	1950	50	0,9799419	0,0028559	114,84
2022	1949	51	0,9770860	0,0031772	125,26
2023	1948	52	0,9739088	0,0034264	132,43
2024	1947	53	0,9704825	0,0039669	150,32
2025	1946	54	0,9665156	0,0041089	152,65
2026	1945	55	0,9624066	0,0044010	160,29
2027	1944	56	0,9580057	0,0045931	164,01
2028	1943	57	0,9534126	0,0048774	170,75
2029	1942	58	0,9485352	0,0051493	176,73
2030	1941	59	0,9433858	0,0054048	181,86
2031	1940	60	0,9379810	0,0059268	195,52
2032	1939	61	0,9320542	0,0063344	204,87
2033	1938	62	0,9257198	0,0067290	213,36
2034	1937	63	0,9189908	0,0071053	220,88
2035	1936	64	0,9118854	0,0076948	234,51